

**Exemplul 1.1.** Se considera un **sistem de reglare a nivelului  $h$**  într-un rezervor 1, fig. 1.52

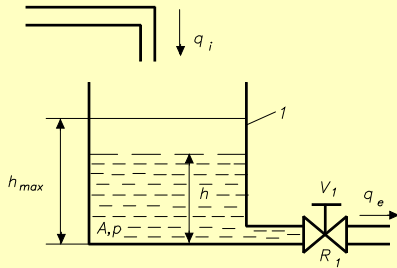


Fig. 1.52

- debitul de intrare  $q_i$  [kg/-sec.];
- debitul de iesire  $q_e$

- densitatea lichidului  $\rho$  [kg/m<sup>3</sup>]
- aria sectiunii transversale  $A$  [m<sup>2</sup>]

Cu legea conservarii masei se obtine

$$A \rho \dot{h}(t) = q_i(t) - q_e(t). \quad (1.131)$$

Pentru curgere laminara debitul de iesire  $q_e(t)$  se determina cu relatia

$$q_e(t) = \frac{p(t)}{R_l} = \frac{\rho g h(t)}{R_l} \quad (1.132)$$

unde  $p(t)$  este presiunea hidrostatica la baza rezervorului;  $g$  este acceleratia gravitacionala [m/s<sup>2</sup>];

Înlocuind  $q_e(t)$  din (1.132) în relatia (1.131) se obtine

$$A \rho \dot{h}(t) + \frac{\rho g h(t)}{R_l} = q_i(t) \quad \text{respectiv} \quad T_l \dot{h}(t) + h(t) = k_p q_i(t); \quad T_l = \frac{A R_l}{g}; \quad k_p = \frac{R_l}{\rho g}.$$

**Un sistem dinamic asociat acestui proces** considera ca:

$x = h$  - **marimea de stare**;  $u = q_i$  - **marimea de intrare** ;

$y = x = h$  - **marimea de iesire**. Se introduc multimile:

$\mathbf{T} \subseteq \mathbf{R}$ , multimea valorilor timpului  $t$ ,

$\mathbf{U} = [\alpha, \beta] \subset \mathbf{R}$ ,  $\alpha$  si  $\beta$  sunt valorile minima si respectiv maxima ale debitului de intrare  $q_i$ ,

$\mathbf{\Omega}$  - multimea functiilor continue definite pe  $\mathbf{T} \subseteq \mathbf{R}$  cu valori în  $\mathbf{U}$ ,

$\mathbf{X} = [0, h_{max}]$ ,  $h_{max}$  -limita maxima a nivelului,

$\mathbf{Y} = \mathbf{X}$ , multimea valorilor marimii de iesire,

$\mathbf{\Gamma}$  - multimea functiilor continue definite pe  $\mathbf{T} \subseteq \mathbf{R}$  cu valori în  $\mathbf{Y}$

Solutia ecuatiei (1.134) este formata din doua componente

$$h(t) = h_l(t) + h_f(t). \quad (1.135)$$

Componenta libera  $h_l(t)$  este solutia ecuatiei omogene

$$T_1 \dot{h}(t) + h(t) = 0. \quad h_l(t) = C e^{-\frac{t}{T_1}}. \quad (1.137)$$

Componenta fortata  $h_f(t)$  se deduce prin metoda variatiei constantei rezultând

$$h_f(t) = \frac{k_p}{T_1} \int_{\tau}^t e^{-\frac{(t-\sigma)}{T_1}} q_i(\sigma) d\sigma. \quad (1.138)$$

Înlocuind (1.137) si (1.138) în (1.135) rezulta

$$h(t) = C e^{-\frac{t}{T_1}} + \frac{k_p}{T_1} \int_{\tau}^t e^{-\frac{(t-\sigma)}{T_1}} q_i(\sigma) d\sigma. \quad (1.139)$$

Constanta de integrare  $C$  se determina impunând ca  $h(t)$  din (1.139) sa satisfaca conditia initiala  $h(\tau) = h_\tau$ . Se obtine

$$h(\tau) = C e^{-\frac{\tau}{T_1}} = h_\tau; C = h_\tau e^{\frac{\tau}{T_1}}. \quad (1.140)$$

Înlocuind  $C$  din (1.140) in (1.139) se obtine  $h(t)$

$$h(t) = h_\tau e^{-\frac{(t-\tau)}{T_1}} + \frac{k_p}{T_1} \int_{\tau}^t e^{-\frac{(t-\sigma)}{T_1}} q_i(\sigma) d\sigma. \quad (1.141)$$

Se defineste functia de tranzitie a starilor

$$\varphi(t, \tau, x_\tau, \omega) = h(t) = x(t). \quad (1.142)$$

Functia  $f(t, x(t), u(t))$  rezulta din ecuatiea (1.134) care se poate scrie astfel

$$\dot{h}(t) = -\frac{1}{T_1} h(t) + \frac{k_p}{T_1} q_i(t) \quad \dot{x}(t) = -\frac{1}{T_1} x(t) + \frac{k_p}{T_1} u(t) = f(t, x(t), u(t)). \quad (1.143)$$

Funcția de ieșire  $g(t, x(t))$  este

$$g(t, x(t)) = x(t) = h(t) = y(t). \quad (1.144)$$

Funcția de tranziție a stărilor dată de relația (1.142), cu  $h(t)$  din (1.141) satisface proprietățile

- de directivitate: este definită pentru  $t \geq \tau$ ,
- de consistență: pentru  $t = \tau$ ;  $h(\tau) = h_\tau$ ;
- de compozabilitate:

$$\varphi(t_3, t_1, x(t_1), \omega) = \varphi(t_3, t_2, \varphi(t_2, t_1, x(t_1), \omega), \omega). \quad (1.145)$$

$$\varphi(t_3, t_1, x(t_1), \omega) = h(t_1) e^{-\frac{t_3-t_1}{T_1}} + \frac{k_p t_3}{T_1 t_1} \int e^{-\frac{t_3-\sigma}{T_1}} q_i(\sigma) d\sigma$$

$$\varphi(t_2, t_1, x(t_1), \omega) = h(t_1) e^{-\frac{t_2-t_1}{T_1}} + \frac{k_p t_2}{T_1 t_1} \int e^{-\frac{t_2-\sigma}{T_1}} q_i(\sigma) d\sigma$$

$$\begin{aligned} \varphi(t_3, t_2, \varphi(t_2, t_1, x(t_1), \omega), \omega) &= \varphi(t_2, t_1, x(t_1), \omega) e^{-\frac{t_3-t_2}{T_1}} + \frac{k_p t_3}{T_1 t_2} \int e^{-\frac{t_3-\sigma}{T_1}} q_i(\sigma) d\sigma = \\ &= h(t_1) e^{-\frac{t_3-t_1}{T_1}} + \frac{k_p t_3}{T_1 t_1} \int e^{-\frac{t_3-\sigma}{T_1}} q_i(\sigma) d\sigma = \varphi(t_3, t_1, x(t_1), \omega). \end{aligned}$$

### 1.5.3. Tipuri de sisteme dinamice

#### 1. Sisteme dinamice liniare și neliniare

**Definiția 1.4.** - Un **sistem dinamic**  $\Sigma$  (neted sau discret) se numește **liniar** dacă:

- a) **funcția  $f$**  este **liniară în  $x$  și  $u$** , adică

$$f(t, x, u) = A(t)x(t) + B(t)u(t) \quad (1.165)$$

### 1.5.3. Tipuri de sisteme dinamice

- ▶ **b) funcția  $g$  este liniară** în  $x$ , adică

$$g(t, x) = C(t)x(t) \quad (1.166)$$

cu  $C(t) \in \mathbf{R}^{p \times n}$ , (continua dacă  $t \in \mathbf{R}$ );

Funcția de tranziție a stărilor  $\varphi(t, \tau, x_\tau, \omega)$  este o aplicație liniară în argumentele  $x, \omega$ .

$$\begin{aligned} \varphi(t, \tau, c_1 x_{1\tau} + c_2 x_{2\tau}, c_1 \omega_1 + c_2 \omega_2) &= c_1 \varphi(t, \tau, x_{1\tau}, \omega_1) + c_2 \varphi(t, \tau, x_{2\tau}, \omega_2) \\ \varphi(t, \tau, c x_\tau, c \omega) &= c \varphi(t, \tau, x_\tau, \omega). \end{aligned} \quad (1.167)$$

Dacă funcțiile **f** și **g** nu sunt liniare, atunci **sistemul dinamic** se numește **neliniar**

## 2. Sisteme dinamice invariante sau variabile în timp

- ▶ **Definiția 1.5. Un sistem dinamic** (neted sau discret) se numește **invariant în timp** (constant) dacă

$$\begin{aligned} f(t, x(t), u(t)) &= f(x(t), u(t)) \\ g(t, x(t)) &= g(x(t)) \end{aligned} \quad (1.168)$$

adică **timpul  $t$  nu apare explicit în funcțiile  $f, g$ .**

În cazul sistemelor liniare (1.165), (1.166)  $f$  și  $g$  devin

$$\begin{aligned} f(x(t), u(t)) &= A x(t) + B u(t) \\ g(x(t)) &= C x(t) \end{aligned} \quad (1.169)$$

cu  $A, B, C$  matrici constante de dimensiuni corespunzătoare.

Dacă funcțiile **f** și/sau **g** depind explicit de timp, atunci sistemul se numește **variant în timp**.

### 3. Sisteme dinamice cu parametri concentrati si cu parametri distribuiti

- ▶ In cadrul unui sistem dinamic  $\Sigma$  în care se pune în evidenta o **singura variabila independenta** - timpul  $t$  - **sistemul dinamic  $\Sigma$  se numeste cu parametri concentrati**. Sistemele netede (continue în timp) sunt descrise de ecuatii diferentiale ordinare, iar sistemele discrete sunt descrise de ecuatii cu diferente.
- ▶ In cadrul sistemului, în care pe lângă **variabila timp  $t$**  se pune în evidenta si o **alta variabila independenta**, de exemplu o **variabila spatia**la, atunci sistemul dinamic  $\Sigma$  se numeste **cu parametri distribuiti**.

### 4. Sisteme dinamice deterministe si stocastice

Daca toate **semnalele** din cadrul unui sistem  $\Sigma$  sunt **semnale deterministe sistemul** dinamic  $\Sigma$  se numeste **determinist**.

Daca cel puțin **un semnal** din cadrul unui sistem  $\Sigma$  este un **semnal stocastic** atunci **sistemul**  $\Sigma$  se numeste **stocastic**.

### 5. Sisteme dinamice liniare, finit dimensionale si netede variante in timp

*Teorema 1.1.* Un sistem dinamic liniar, finit dimensional si neted  $\Sigma$  este descris de **ecuatii vectorial-matriciale** de forma

$$\begin{aligned}\dot{x}(t) &= A(t)x(t) + B(t)u(t) \\ y(t) &= C(t)x(t)\end{aligned}\quad (1.171)$$

$$x = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ x_n \end{bmatrix}; u = \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ u_m \end{bmatrix}; y = \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ y_p \end{bmatrix}$$

(1.172)

Unde **x**, **u**, **y** sunt respectiv **vectorul de stare**, **vectorul de intrare (de comanda)** si **vectorul de iesire**,

$$A(t) = \begin{bmatrix} a_{11}(t) & \cdot & \cdot & \cdot & a_{1n}(t) \\ a_{21}(t) & \cdot & \cdot & \cdot & a_{2n}(t) \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ a_{n1}(t) & \cdot & \cdot & \cdot & a_{nn}(t) \end{bmatrix} \quad B(t) = \begin{bmatrix} b_{11}(t) & \cdot & \cdot & \cdot & b_{1m}(t) \\ b_{21}(t) & \cdot & \cdot & \cdot & b_{2m}(t) \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ b_{n1}(t) & \cdot & \cdot & \cdot & b_{nm}(t) \end{bmatrix}$$

$$C = \begin{bmatrix} c_{11}(t) & \cdot & \cdot & \cdot & c_{1n}(t) \\ c_{21}(t) & \cdot & \cdot & \cdot & c_{2n}(t) \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ c_{p1}(t) & \cdot & \cdot & \cdot & c_{pn}(t) \end{bmatrix}$$

$A(t)$  - matricea sistemului (de evolutie),  $B(t)$  - matricea intrarii (de comanda) si  $C(t)$  - matricea iesirii (de observare).

**Demonstratie** - Utilizând proprietatea de liniaritate a functiei de tranzitie a starilor si considerând în relatia (1.167):

$c_1 = c_2 = 1$ ,  $x_1 = x_\tau$ ,  $x_{2\tau} = 0$ ,  $\omega_1 = 0$ ,  $\omega_2 = \omega$  se obtine

$$\varphi(t, \tau, x_\tau, \omega) = \varphi(t, \tau, x_\tau, 0) + \varphi(t, \tau, 0, \omega). \quad (1.174)$$

$\varphi(t, \tau, x_\tau, 0)$  componenta libera - caracterizeaza regimul liber

$\varphi(t, \tau, 0, \omega)$  componenta fortata - caracterizeaza regimul fortat sau permanent

$$\varphi(t, \tau, x_\tau, 0) = \phi(t, \tau) x_\tau = \phi(t, \tau) x(\tau) \quad (1.175)$$

$$\varphi(t, \tau, 0, \omega) = \phi_\omega(t, \tau) \omega$$

$\Phi(t, \tau)$  este o matrice ( $n \times n$ ) numita **matrice de tranzitie**.

$\Phi_\omega(t, \tau)$  este un **operator liniar integral** exprimabil printr-o matrice ( $n \times m$ ).

$$\begin{aligned}\dot{x}(t) &= \dot{\phi}(t, \tau, x_\tau, \omega) = f(t, \phi(t, \tau, x_\tau, \omega), u(t)) = \\ &= f(t, x(t), u(t)) = A(t)x(t) + B(t)u(t)\end{aligned}\quad (1.177)$$

Pentru  $\omega(t) = 0$ , ( $u(t) = 0$ ) din (1.174), (1.177) rezulta

$$\phi(t, \tau, x_\tau, 0) = f(t, x(t), 0).$$

$$f(t, x(t), 0) = \dot{\phi}(t, t) x(t) = A(t) x(t)$$

$$A(t) = \dot{\phi}(t, t) \quad (1.181)$$

Se considera conditia initiala  $x(\tau) = x_\tau = 0$  si din (1.176) - (1.178) rezulta

$$\dot{\phi}(t, \tau, 0, \omega) = \frac{d}{dt} [\phi_\omega(t, \tau) \omega] = f(t, x(t), u(t)) = A(t)x(t) + B(t)u(t). \quad (1.182)$$

Pentru  $\tau = t$ ,  $x(t) = 0$  si  $\omega(t)$  se reduce la o valoare punctuala din tot intervalul pe care-l reprezinta; astfel din (1.182) se obtine relatia

$$f(t, 0, u(t)) = B(t)u(t) \quad (1.183)$$

de unde se determina matricea  $B(t)$  de dimensiuni  $n \times m$ .

Functia de iesire  $g$  fiind liniara în raport cu  $x$  se poate scrie

$$y(t) = g(t, x(t)) = C(t)x(t). \quad (1.184)$$

Din (1.184) se obtine matricea  $C(t)$  de dimensiuni  $p \times n$ .  
Daca vectorul de comanda  $u(t)$  influenteaza direct  
iesirea  $y(t)$  ecuatiile (1.171) ale unui sistem dinamic liniar  
neted finit dimensional, devin

$$\dot{x}(t) = A(t)x(t) + B(t)u(t) \quad (1.185)$$

$$y(t) = C(t)x(t) + D(t)u(t)$$

unde  $D(t)$  este o matrice  
 $p \times m$  de forma

$$D(t) = \begin{bmatrix} d_{11}(t) & \dots & d_{1m}(t) \\ d_{21}(t) & \dots & d_{2m}(t) \\ \dots & \dots & \dots \\ d_{p1}(t) & \dots & d_{pm}(t) \end{bmatrix}$$

(1.186)

Integrând ecuatia diferentiaala din (1.185) se obtine

$$x(t) = x(\tau) + \int_{\tau}^t [A(\sigma)x(\sigma) + B(\sigma)u(\sigma)]d\sigma \quad (1.186)$$

Presupunând  $u(t)$  si  $x(\tau)$  cunoscute în fig. 1.54 se reprezinta  
schema bloc structurala asociata unui sistem dinamic liniar  
neted.

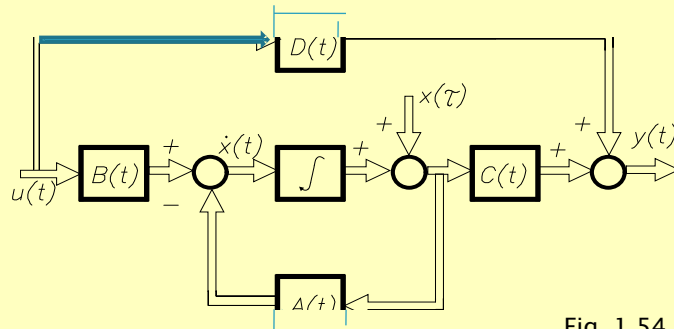


Fig. 1.54



## 7. Sisteme dinamice liniare, finit dimensionale, invariante in timp

- **Teorema 1.2.** Un sistem dinamic liniar finit dimensional  $\Sigma$  este invariant în timp dacă și numai dacă matricile  $A$ ,  $B$ ,  $C$ , din (1.171) sunt constante. Deci pentru sistemele continue (netede) ecuațiile sistemului (1.171) devin

$$\begin{aligned}\dot{x}(t) &= A x(t) + B u(t) \\ y(t) &= C x(t); \quad t \in R\end{aligned}\tag{1.188}$$

Pentru sistemele liniare netede invariante în timp funcția de tranziție  $\varphi$  are proprietatea

$$\varphi(t, \tau, x, \omega) = \varphi(t + \theta, \tau + \theta, x_\tau, z^{-\theta} \omega) \quad \theta \in T \tag{1.190}$$

unde  $z^\theta$  este operatorul care definește operația de translație pe mulțimea  $\Omega$ :

$$z^{-\theta}: \omega \rightarrow \omega^* \quad \omega^*(t) = \omega(t - \theta) \tag{1.191}$$

Soluția ecuației diferențiale (1.171) se poate determina prin metoda variației constante și are forma

$$x(t) = \phi(t, \tau) x(\tau) + \int_{\tau}^t \phi(t, \sigma) B(\sigma) u(\sigma) d\sigma = \varphi(t, \tau, x_\tau, \omega) \tag{1.192}$$

Pentru  $\omega = 0$  ecuația diferențială (1.171) se reduce la ecuația omogenă

$$\dot{x}(t) = A(t) x(t)$$

care are soluția:

$$x(t) = \varphi(t, \tau, x_\tau, 0) = \Phi(t, \tau) x(\tau) \tag{1.194}$$

În baza proprietatii de invarianta (1.190) a functiei de tranzitie a starilor se pot scrie relatiile

$$\begin{aligned}x(t) &= \varphi(t, \tau, x_\tau, 0) = \varphi(t + \theta, \tau + \theta, x_{\tau + \theta}, 0) \\ \Phi(t, \tau)x(\tau) &= \Phi(t + \theta, \tau + \theta)x(\tau + \theta) = \Phi(t + \theta, \tau + \theta)x(\tau) \\ \Phi(t, \tau) &= \Phi(t + \theta, \tau + \theta)\end{aligned}\quad (1.195)$$

Pentru  $\theta = -\tau$  rezulta  $\Phi(t, \tau) = \Phi(t - \tau, 0)$

Relatia (1.194) devine  $x(t) = \Phi(t - \tau, 0)x(\tau)$

Solutia (1.197) trebuie sa verifice ecuatia omogena (1.193).

$$\begin{aligned}\frac{dx(t)}{dt}\Big|_{\tau=t} &= \frac{d}{dt} [\Phi(t - \tau, 0)x(t)]\Big|_{\tau=t} = \frac{d\Phi(t - \tau, 0)}{dt}\Big|_{\tau=t} \cdot x(t) = A(t)x(t) \\ A(t) &= \frac{d}{dt} [\Phi(t - \tau, 0)]\Big|_{\tau=t} = \text{const.}\end{aligned}\quad (1.199)$$

Pentru a arata ca  $B(t) = \text{constant}$ , se presupune ca  $x_\tau = 0$  si ca intrarea a fost translata în timp conform relatiei (1.191)

$$\begin{aligned}\varphi(t, \tau, 0, \omega) &= \varphi(t + \theta, \tau + \theta, 0, z^{-\theta} \cdot \omega) \\ \int_{\tau}^t \Phi(t, \sigma)B(\sigma)u(\sigma)d\sigma &= \int_{\tau + \theta}^{t + \theta} \Phi(t + \theta, \sigma)B(\sigma)u(\sigma - \theta)d\sigma \\ \int_{\tau}^t \Phi(t - \sigma, 0)B(\sigma)u(\sigma)d\sigma &= \int_{\tau + \theta}^{t + \theta} \Phi(t + \theta - \sigma, 0)B(\sigma)u(\sigma - \theta)d\sigma\end{aligned}$$

Prin schimbarea de variabila  $\sigma - \theta = \sigma'$ , se obtine

$$\begin{aligned}\int_{\tau}^t \Phi(t - \sigma, 0)B(\sigma)u(\sigma)d\sigma &= \int_{\tau}^t \Phi(t - \sigma, 0)B(\sigma + \theta)u(\sigma)d\sigma \\ \int_{\tau}^t \Phi(t - \sigma, 0)[B(\sigma) - B(\sigma + \theta)]u(\sigma)d\sigma &= 0\end{aligned}\quad (1.202)$$

Produsul de convolutie sa fie nul, trebuie ca unul din factori sa fie identic nul

Pentru ca  $\Phi(t - \sigma, 0) \neq 0$ ,  $u(\sigma) \neq 0$  pentru  $\sigma \in [\tau, t]$  rezulta ca

$$B(\sigma) = B(\sigma + \theta) \quad \text{Pentru } \sigma = t \text{ si } \theta = -t \text{ se obtine}$$

$$B(\sigma) = B(0) = ct \quad (\forall)t \in T \quad (1.204)$$

Functia de iesire,  $g(t, x)$  nu depinde explicit de timp

$$C(t) = C = ct \quad (1.205)$$

#### 1.5.4. Proprietatile interne ale sistemelor dinamice

**Proprietatile interne** fundamentale **ale sistemelor dinamice** sunt: a) **observabilitatea**; b) **controlabilitatea**; c) **stabilitatea**; d) **adaptabilitatea**; e) **identificabilitatea**; f) **structurabilitatea**.

##### a) Observabilitatea

*Definitia 1.7.* Un sistem dinamic este de stare observabila, daca pe baza cunoasterii intrarii

$$\omega(t) \in \Omega$$

si a iesirii  $\gamma(t) \in \Gamma$  se poate determina starea  $x(t) \in \mathbf{X}$

$$\omega(t) \rightarrow x(t), [\tau, t] \subset T, \Pi_t \omega(t) = u(t)$$

$$x(t) \rightarrow \gamma(t), [\tau, t] \subset T, \Pi_t \gamma(t) = y(t)$$

##### b) Controlabilitatea

*Definitia 1.8.* Un sistem dinamic este de stare controlabila daca exista comenzi  $\omega(t)$ , care realizeaza tranzitia starii  $x(t)$  din orice stare initiala  $x(\tau)$  în orice stare finala  $x(t_f)$ , în intervalul de timp finit  $[\tau, t_f]$ .

### c) Stabilitatea

**Definitia 1.9.** Stabilitatea reprezinta proprietatea unui sistem, care fiind perturbat dintr-o stare de echilibru stationar, revine dupa disparitia cauzei în aceeași stare de echilibru în mod natural. Notiunea de stare de echilibru stationar folosita aici este similara celei din mecanica.

### d) Adaptabilitatea

**Definitia 1.10.** Un sistem dinamic este adaptabil daca se poate evidenta în interiorul lui o variabila  $\alpha$  care admite pentru  $t \in \mathcal{T}$  o variatie conform unei legi impuse  $\eta_1$ . Variabila  $\alpha$  se numeste *de adaptare* iar functia  $\eta_1$  se numeste *criteriu de adaptare*

### e) Identificabilitatea

**Definitia 1.11.** Un sistem este identificabil daca se poate evidenta în interiorul lui o variabila  $\beta$ , masurabila pentru  $t \in \mathcal{T}$ , numita de *identificare* care conform unui criteriu  $\eta_2$ , sa ofere o imagine asupra proprietatilor sale interne, respectiv asupra structurii si parametrilor sai.

### f) Structurabilitatea

**Definitia 1.12.** Pentru a evidenta o structura, un sistem dinamic este discretizat într-un ansamblu de parti numite **elemente** sau **subsisteme legate functional** astfel încât sa respecte tranzitia **cauzala intrare-iesire**:  $\omega \rightarrow \gamma$ .

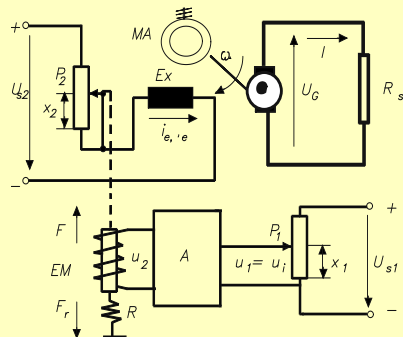
**Definitia 1.13.** Se numesc subsisteme de baza sau elemente de baza sistemele cele mai reduse din punct de vedere al variabilei de stare si care nu mai pot fi descompuse.

### 1.5.5. Clasificarea sistemelor dinamice

- ▶ Clasificarea sistemelor dinamice – după criterii:
- ▶ a) după **structura**, b) după **adaptabilitate**
- ▶ O **structura fundamentală** reprezintă o **reuniune de elemente de bază, cu proprietăți impuse**. Aceste proprietăți nu se regăsesc în elementele de bază, ci în **reuniunea lor**.
- ▶ Se deosebesc **două grupe de sisteme dinamice**:
- ▶ a) **sisteme dinamice cu structură deschisă** ;
- ▶ b) **sisteme dinamice cu structură închisă**.
  
- ▶ **Sisteme dinamice cu structură deschisă** - sunt constituite prin **reuniunea de elemente de bază cuplate funcțional astfel ca mărimea de intrare a oricărui element să nu fie influențată de mărimea sa de ieșire**, direct sau indirect.

Din această categorie fac parte : a<sub>1</sub>) sistemele de *comanda automată* ; a<sub>2</sub>) sistemele de *compensare automată*

**a<sub>1</sub>) Sistemele de comandă automată** sunt sisteme care **reacționează numai la modificările mărimii de intrare**.



Generator de  
curent continuu

Fig.1.55

**Rotorul G** al generatorului - antrenat de motorul asincron *MA* cu o viteza unghiulara  $\omega = constant$ . Înfășurarea de excitație a generatorului este parcursă de curentul  $i_e$ , care produce fluxul magnetic  $\Phi_e$ . Curentul  $i_e$  depinde de valoarea rezistenței variabile, realizată cu potentiometrul  $P_2$ , determinată de poziția  $x_2$  a cursorului acestuia, rigidizat cu armatura mobilă a electromagnetului *EM*. Deplasarea acestei armături depinde de diferența dintre forța  $F$  dezvoltată de electromagnet și forța  $F_r$  a resortului *R*. În funcție de poziția  $x_1$  a cursorului potentiometrului  $P_1$  se obține tensiunea  $u_i = u_1$  care este amplificată de amplificatorul *A*. Tensiunea de ieșire a amplificatorului,  $u_2$ , alimentează înfășurarea electromagnetului *EM* care produce forța  $F$ .

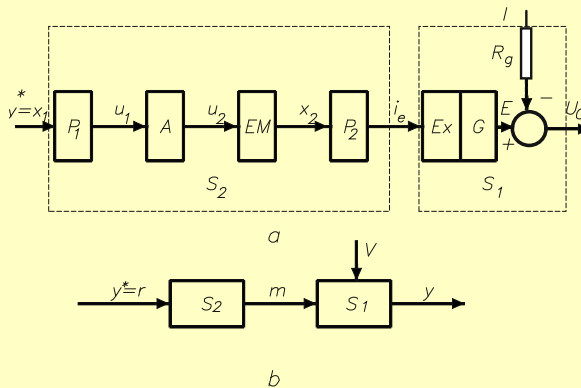
În înfășurarea rotorică a generatorului se induce o tensiune electromotoare  $E$ , care determină un curent  $I$  ce parcurge această înfășurare de rezistență  $R_g$  și rezistența de sarcină  $R_s$ . Tensiunea la bornele generatorului  $U_G$ , constituie mărimea de ieșire a sistemului,  $U_G = y$ , și este dată de relația

$$U_G = E - R_g I = k\Phi_e\omega - R_g I = C_e\Phi_e - R_g I$$

unde:  $k, C_e$  sunt constante de proporționalitate

Prin deplasarea  $x_1$  a cursorului potentiometrului  $P_1$  se impune valoarea dorită  $y$  a mărimii de ieșire, deci a tensiunii  $U_G$

Schema care ilustreaza transferul informational al acestui sistem



(1.56)

Acest sistem are o structura deschisa pentru ca marimea de iesire nu influenteaza în nici un fel marimea de intrare în oricare din elementele sistemului.

În schema bloc se pun în evidență **doua subsisteme înseriate** reprezentate în fig. 1.56.b :  **$S_1$  - subsistemul principal (condus)** asigura dependentă marimii de iesire  $y$  de marimea de execuție  $m$  ;  **$S_2$  - subsistemul de comanda** asigura dependentă marimii de execuție  $m$  de marimea de intrare în sistem, care este marimea impusa (dorita)  $y^*$  (sau de referință  $r$ ).

Asupra subsistemelor  $S_1$  și  $S_2$  acționează deseori și alte **marimi exterioare** (de exemplu  $v$  în fig. 1.56.b) care, au de obicei, un **caracter perturbator**.

În cazul generatorului - marimea perturbatoare este curentul  $I$ . Tensiunea  $U_G$  scade la creșterea curentului  $I$  datorită caderii de tensiune pe rezistența  $R_g$  a rotorului, conform relației (1.206).